

காலாண்டு பொதுத் தேர்வு, செப்டம்பர் - 2018

பதினொன்றாம் வகுப்பு

பதிவு எண்

--	--	--	--	--	--

PART - III - கணிதம்

மொத்த மதிப்பெண்கள்: 90

நேரம்: 2.30 மணி

அறிவுரைகள்:

1. அனைத்து வினாக்களும் சரியாகப் பதிவாகி உள்ளதா என்பதனைச் சரிபார்த்துக் கொள்ளவும். அச்சுப்பதிவில் குறையிருப்பின் அறைக் கண்காணிப்பாளரிடம் உடனடியாகத் தெரிவிக்கவும்.
2. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கும், அடிக்கோடிடுவதற்கும் பயன்படுத்தவும். படங்கள் வரைவதற்கு பென்சில் பயன்படுத்தவும்.

பிரிவு - I

குறிப்பு: i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். 20×1=20

ii) கொடுக்கப்பட்ட நூன்கு விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதுக.

- 1) $f : R \rightarrow R$ ல் சார்பு $f(x) = 1 - |x|$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் f ன் வீச்சகம்
 - a) R
 - b) $(1, \infty)$
 - c) $(-1, \infty)$
 - d) $(-\infty, 1)$
- 2) $n(A) = 2$ மற்றும் $n(B \cup C) = 3$ எனில் $n[(A \times B) \times (A \times C)]$ என்பது
 - a) 1
 - b) 2
 - c) 3
 - d) 4
- 3) $f : R \rightarrow R$ என்பது $f(x) = x^4$ என வரையறுக்கப்பட்டால் சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.
 - a) f என்பது ஒன்றுக்கொன்றான சார்பு
 - b) f என்பது மேற்கோர்த்தல் சார்பு
 - c) f ஒன்றுக்கொன்று ஆனால் மேற்கோர்த்தல் அல்ல
 - d) f ஒன்றுக்கொன்றும் அல்ல மேற்கோர்த்தலும் அல்ல
- 4) $f : R \rightarrow R$ என்பது $f(x) = (3 - x^3)^{1/3}$ என கொடுக்கப்பட்டால் $f \circ f(x)$ ன் மதிப்பு
 - a) $x^{1/3}$
 - b) x^3
 - c) x
 - d) $3 - x^3$
- 5) $\frac{1 - 2x}{3 + 2x - x^2} = \frac{A}{3 - x} + \frac{B}{x + 1}$ எனில் $A + B$ ன் மதிப்பு
 - a) $-\frac{1}{2}$
 - b) $-\frac{2}{3}$
 - c) $\frac{1}{2}$
 - d) $\frac{2}{3}$
- 6) $|x - 1| \geq |x - 3|$ என்ற அசமன்பாட்டின் தீர்வுக்கணம்
 - a) $[0, 2]$
 - b) $[2, \infty)$
 - c) $(0, 2)$
 - d) $(-\infty, 2)$
- 7) $\sqrt[4]{(-2)^4}$ ன் மதிப்பு
 - a) 2
 - b) -2
 - c) 4
 - d) -4
- 8) $|x - 2| \geq 5$ எனில் x கீழ்க்காணும் இடைவெளியில் எங்கு உள்ளது?
 - a) $(-\infty, -2] \cup [5, \infty)$
 - b) $(-\infty, -3] \cup [7, \infty)$
 - c) $(-\infty, -3) \cup (7, \infty)$
 - d) $(-\infty, -2) \cup (5, \infty)$
- 9) $\cos 1^\circ + \cos 2^\circ + \cos 3^\circ + \dots + \cos 179^\circ = \dots$
 - a) 0
 - b) 1
 - c) -1
 - d) 89
- 10) $x^2 + ax + b = 0$ ன் மூலங்கள் $\tan \alpha$ மற்றும் $\tan \beta$ எனில் $\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin \alpha \sin \beta}$ ன் மதிப்பு
 - a) $\frac{b}{a}$
 - b) $\frac{a}{b}$
 - c) $-\frac{a}{b}$
 - d) $-\frac{b}{a}$

- 11) $\operatorname{cosec} A + \cot A = \frac{11}{2}$ எனில் $\tan A$ ன் மதிப்பு
- a) $\frac{21}{22}$ b) $\frac{15}{16}$ c) $\frac{44}{117}$ d) $\frac{117}{43}$
- 12) $\sec \theta = x + \frac{1}{4x}$ எனில் $\sec \theta + \tan \theta =$
- a) $x, \frac{1}{x}$ b) $2x, \frac{1}{x}$ c) $-2x, \frac{1}{2x}$ d) $-\frac{1}{x}, x$
- 13) 3 விரல்களில் 4 மோதிரங்களை அணியும் வழிகளின் எண்ணிக்கை
- a) $4^3 - 1$ b) 3^4 c) 68 d) 64
- 14) முதல் n ஒற்றை இயல் எண்களின் பெருக்கலின் மதிப்பு
- a) $2nC_n \times nP_n$ b) $\left(\frac{1}{2}\right)^n \times 2nC_n \times nP_n$
- c) $\left(\frac{1}{4}\right)^n \times 2nC_n \times 2nP_n$ d) $nC_n \times nP_n$
- 15) $\frac{7!}{2!}$ ன் மதிப்பு
- a) 2520 b) 2250 c) 2205 d) 2052
- 16) "COMMITTEE" என்ற வார்த்தையில் உள்ள எழுத்துக்களைப் பயன்படுத்தி எத்தனை வார்த்தைகளை உருவாக்க முடியும்?
- a) $\frac{9!}{(2!)^3}$ b) $\frac{9!}{(2!)^2}$ c) $\frac{9!}{2!}$ d) $9!$
- 17) $(2+2x)^{10}$ ல் x^6 ன் குணகத்தின் மதிப்பு
- a) $10C_6$ b) 2^6 c) $10C_6 2^6$ d) $10C_6 2^{10}$
- 18) $nC_{10} > nC_r$ எனில் n ன் மதிப்பு
- a) 10 b) 21 c) 19 d) 20
- 19) "MOTHER" என்ற வார்த்தையின் தரம்
- a) 310 b) 300 c) 308 d) 309
- 20) $\left(x^2 + \frac{\lambda}{x}\right)^5$ ன் விரிவாக்கத்தில் x ன் குணகம் 270 எனில் $\lambda =$
- a) 3 b) 4 c) 5 d) 6

பிரிவு - II

i) எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

7×2=14

ii) வினா எண் 30-க்கு கட்டாயம் விடையளிக்க வேண்டும்.

21) $n(A \cap B) = 3$ மற்றும் $n(A \cup B) = 10$ எனில் $n[P(A \Delta B)]$ ன் மதிப்பு காண்க.

22) Z என்ற கணத்தில் $m-n$ என்பது 12-ன் மடங்காக இருந்தால் தொடர்பு mRn என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் R ஒரு சமானத்தொடர்பு என நிரூபிக்க.

23) $f(x) = \frac{5-x}{x-5}$ என்ற மெய்மதிப்பு சார்பிற்கு சார்பகம் மற்றும் வீச்சகம் காண்க.

24) $\sqrt{6-4x-x^2} = x+4$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

25) $\cos 105^\circ$ ன் மதிப்பு காண்க.

26) தீர்க்க: $\tan 2x = -\cot\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$

27) சுருக்குக: $\sin 100^\circ + \cos 100^\circ$

28) $10P_{r-1} = 2 \times 6P_r$ எனில் r ன் மதிப்பு காண்க.

29) 52 சீட்டுகள் கொண்ட ஒரு சீட்டுக்கட்டிலிருந்து 5 சீட்டுகளைத் தேர்வு செய்யும் ஒவ்வொரு தேர்விலும் எப்பொழுதும் மூன்று ஏஸ்கள் உள்ளவாறு எத்தனை தேர்வுகள் இருக்கும் எனக் காண்க?

30) மதிப்பு காண்க: 9^7

பிரிவு - III

i) எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

7×3=21

ii) வினா எண் 40-க்கு கட்டாயம் விடையளிக்க வேண்டும்.

31) $f(x) = |x|$, $f(x) = |x-1|$ மற்றும் $f(x) = |x+1|$ என்ற சார்புகளை வரைக.

32) $f : \mathbb{R} - \{-1, 1\} \rightarrow \mathbb{R}$ எனும் சார்பினை $f(x) = \frac{x}{x^2-1}$ என வரையறுத்தால் f என்ற சார்பு ஒன்றுக்கொன்றா இல்லையா என்பதைச் சரிபார்க்கவும்.

33) $\frac{\log x}{y-z} = \frac{\log y}{z-x} = \frac{\log z}{x-y}$ எனில் $xyz = 1$ என நிரூபி.

34) தீர்க்க: $\frac{|x|-1}{|x|-3} \geq 0$, $x \in \mathbb{R}$, $x \neq \pm 3$.

35) $A+B = 45^\circ$ எனில் $(1+\tan A)(1+\tan B) = 2$ என நிரூபி.

36) $\triangle ABC$ ல் $a = 4$, $b = 6$ மற்றும் $c = 8$ எனில் $4 \cos B + 3 \cos C = 2$ எனக் காண்பி.

37) 7000ஐ விட அதிகமாகவும் 8000ஐ விட குறைவாகவும் உள்ள எண்களில் இலக்கங்கள் திரும்ப வராதவாறு உள்ள 5 ஆல் வகுபடும் எண்களின் எண்ணிக்கையினை காண்க.

38) $(n+2)C_7 : (n-1)P_4 = 13 : 24$ எனில் n ன் மதிப்பைக் காண்க.

39) "SCHOOL" என்ற வார்த்தையின் தரம் காண்க.

40) 3^{600} -ன் கடைசி இரண்டு இலக்கங்களைக் காண்க.

பிரிவு - IV

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்:

7×5=35

41) a) $A \times A$ என்ற கணத்தில் 16 உறுப்புகள் உள்ளன. $S = \{(a, b) \in A \times A : a < b\}$; என்ற கணத்தில் உள்ள இரு உறுப்புகள் $(-1, 2)$ மற்றும் $(0, 1)$ எனில் S ல் உள்ள மீதமுள்ள உறுப்புகளைக் காண்க. (அல்லது)

b) பகுதி பின்னங்களாக பிரித்தெழுதுக: $\frac{7+x}{(1+x)(1+x^2)}$

4

XI - கணிதம்

42) a) $f : R \rightarrow R$ என்ற சார்பு $f(x) = 3x - 5$ என வரையறுக்கப்பட்டது அது ஒரு இருபுறச்சார்பு என நிரூபித்து அதன் நேர்மாறு காண்க.

(அல்லது)

b) முழுக்களின் கணம் Z ல் R ஆனது $(x, y) \in R \Leftrightarrow x^2 + y^2 = 25$ எனுமாறு வரையறுக்கப்பட்டால் R மற்றும் R^{-1} ஐ வரிசைச் சோடிகளின் கணமாக எழுதுக. மேலும் அவற்றின் சார்பகத்தையும் எழுதுக.

43) a) $x = 1$ என்பது $x^3 - 6x^2 + 11x - 6 = 0$ ஒரு மூலம் எனில் மற்ற மூலங்களைக் காண்க.

(அல்லது)

b) 8 கி.மீ விட்டமுள்ள வட்டவடிவ மிருகக்காட்சி பூங்கா ஒன்றை அமைக்க அரசு திட்டமிடுகிறது. கால்நடை மருத்துவமனை அமைக்க 4 கி.மீ நீளமுடைய வட்ட நாண் கொண்ட வட்டத்துண்டு தனியாக ஒதுக்கப்படுகிறது. கால்நடை மருத்துவமனை அமைக்க ஒதுக்கப்பட்ட வட்டத்துண்டின் பரப்பைக் காண்க.

44) a) ΔABC ல் $\sin\left(\frac{A}{2} + B\right) = (b + c)\sin\frac{A}{2}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

b) $\cos^2 x + \cos^2\left(x + \frac{\pi}{3}\right) + \cos^2\left(x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{3}{2}$ என நிரூபி.

45) a) $\sin^2 \frac{\pi}{18} + \sin^2 \frac{\pi}{9} + \sin^2 \frac{7\pi}{18} + \sin^2 \frac{4\pi}{9} = 2$ எனக் காண்பி.

(அல்லது)

b) கணிதத் தொகுத்தறிதலைப் பயன்படுத்தி எந்த ஒரு இயல்எண் n க்கும் $\frac{1}{2.5} + \frac{1}{5.8} + \frac{1}{8.11} + \dots + \frac{1}{(3n-1)(3n+2)} = \frac{n}{6n+4}$ என நிரூபிக்க.

46) a) 1, 2, 4, 6 மற்றும் 8 என்ற இலக்கங்களைக் கொண்டு உருவாக்கப்படும் எல்லா இலக்க எண்களின் கூடுதலைக் காண்க.

(அல்லது)

b) a மற்றும் b என்பவை வெவ்வேறு முழுக்கள் என்கள் எனில் n என்ற மிகைமுழு எண்ணிற்கு $a^n - b^n$ ன் ஒரு காரணி $a - b$ என நிறுவுக.

47) a) $\frac{(2n)!}{n!} = 2^n [1.3.5 \dots (2n-1)]$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

b) $(x+a)^n$ ன் விரிவாக்கத்தில் இரண்டாவது, மூன்றாவது மற்றும் நான்காவது உறுப்புகள் முறையே 240, 720 மற்றும் 1080 எனில் x , a மற்றும் n ன் மதிப்புகளை காண்க.

*** - - - - ***