

K

இரண்டாம் இடைப் பருவ யொதுத் தேர்வு - நவம்பர் 2018

பதினொன்றாம் வகுப்பு

பதிவு எண்

நேரம்: 1.15 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 45

பகுதி - I

அனைத்து கேள்விகட்கும் விடையளி:

10×1=10

- 1) 1, 2, 4, 7, 11, என்ற தொடரில் n ஆவது உறுப்பு
 a) n^3+3n^2+2n b) n^3-3n^2+2n c) $\frac{n(n+1)(n+2)}{3}$ d) $\frac{n^2-n+2}{2}$
- 2) $\frac{1}{2!} + \frac{1}{4!} + \frac{1}{6!} + \dots$ ன் மதிப்பு
 a) $\frac{e^2+1}{2e}$ b) $\frac{(e+1)^2}{2e}$ c) $\frac{(e-1)^2}{2e}$ d) $\frac{e^2-1}{2e}$
- 3) ஆதியிலிருந்து $\frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 1$ என்ற கோட்டிற்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம்
 a) $\frac{11}{5}$ b) $\frac{5}{12}$ c) $\frac{12}{5}$ d) $\frac{-5}{12}$
- 4) $x^2-4y^2 = 0$ மற்றும் $x = a$ என்ற கோடுகளால் அடைபடும் முக்கோணத்தின் பரப்பு
 a) $x = 2a^2$ b) $\frac{\sqrt{3}}{2}a^2$ c) $\frac{1}{2}a^2$ d) $\frac{2}{\sqrt{3}}a^2$
- 5) $A = \begin{pmatrix} 1 & \lambda \\ -\lambda & -1 \end{pmatrix}$ எனில் $A^2 = 0$ எனுமாறு அமையும் λ ன் மதிப்பு
 a) 0 b) ± 1 c) -1 d) 1
- 6) $(x, -2), (5, 2)$ மற்றும் $(8, 8)$ ஆகியவை ஒரே கோடமைவன எனில் x ன் மதிப்பு
 a) -3 b) 1/3 c) 1 d) 3
- 7) $|\vec{a} + \vec{b}| = 60$, $|\vec{a} - \vec{b}| = 40$ மற்றும் $|\vec{b}| = 46$ எனில் $|\vec{a}|$ ன் மதிப்பு
 a) 42 b) 12 c) 22 d) 32
- 8) $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$, $\vec{b} = 2\vec{i} + x\vec{j} + \vec{k}$, $\vec{c} = \vec{i} - \vec{j} + 4\vec{k}$ மற்றும் $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 70$ எனில் x ன் மதிப்பு
 a) 1 b) 7 c) 26 d) 10
- 9) $m(\vec{i} - \vec{j} + \vec{k})$ ஒரு அலகு வெக்டர் எனில் $m =$
 a) $\frac{1}{3}, 0$ b) $-\frac{1}{3}, 1$ c) ± 1 d) $\pm \frac{1}{3}$
- 10) $\Delta = \begin{vmatrix} a & b & c \\ x & y & z \\ p & q & r \end{vmatrix}$ எனில் $\begin{vmatrix} a & b & c \\ 2x & 2y & 2z \\ 3p & 3q & 3r \end{vmatrix}$ ன் மதிப்பு
 a) 2Δ b) 3Δ c) 6Δ d) 5Δ

பகுதி - II

i) வையேனும் நான்கு வினாக்கட்கு விடையளிக்கவும்.

4×2=8

ii) வினா எண் 16க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.

- 11) கூடுதல் காண்க: $1 + \frac{4}{5} + \frac{7}{25} + \frac{10}{125} + \dots$
- 12) a மற்றும் b என்ற வெட்டுத்துண்டுகளைக் கொண்ட ஒரு கோட்டிற்கு ஆதியிலிருந்து வரையப்பட்ட செங்குத்தின் நீளம் p எனில் $\frac{1}{p^2} = \frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2}$ என நிரூபி.
- 13) $\begin{pmatrix} 0 & a-b & k \\ b-a & 0 & 5 \\ -k & -5 & 0 \end{pmatrix}$ என்ற அணி ஒரு பூச்சியக்கோவை அணி என நிரூபி.

14) $\begin{pmatrix} 1 & 4 & 20 \\ 1 & -2 & 5 \\ 1 & 2x & 5x^2 \end{pmatrix} = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்களைக் காண்க.

15) $\vec{i} - \vec{k}$ என்ற வெக்டரின் திசைக்கொசைன்கள் மற்றும் திசைவிகிதங்களைக் காண்க.

16) \vec{r} எனும் ஏதேனும் ஒரு வெக்டருக்கு $\vec{r} = (\vec{r} \cdot \vec{i}) \vec{i} + (\vec{r} \cdot \vec{j}) \vec{j} + (\vec{r} \cdot \vec{k}) \vec{k}$ என நிரூபி.

பகுதி - III

i) வையேனும் நான்கு வினாக்கட்கு விடையளிக்கவும்.

4×3=12

ii) வினா எண் 22க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.

17) $A = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ -1 & x \end{pmatrix}$ மற்றும் $(A-2I)(A-3I) = 0$ எனில் xன் மதிப்பு காண்க.

18) தீர்க்க: $\begin{vmatrix} 4a-x & 4a+x & 4a+x \\ 4a+x & 4a-x & 4a+x \\ 4a+x & 4a+x & 4a-x \end{vmatrix} = 0$

19) $\left| \begin{matrix} \log_3 64 & \log_4 3 \\ \log_3 8 & \log_4 9 \end{matrix} \right| \times \left| \begin{matrix} \log_2 3 & \log_8 3 \\ \log_3 4 & \log_3 4 \end{matrix} \right|$ ன் மதிப்பு காண்க.

20) D மற்றும் E என்பன ABC என்ற முக்கோணத்தின் பக்கங்கள் AB மற்றும் ACன்

நடுப்புள்ளிகள் எனில் $\vec{BE} + \vec{DC} = \frac{3}{2} \vec{BC}$ என நிரூபி.

21) (4, -3, 1), (2, -4, 5) மற்றும் (1, -1, 0) என்ற புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கின்றன என நிரூபி.

22) வெக்டர் பெருக்கத்தைப் பயன்படுத்தி $2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ மற்றும் $\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$ என்ற வெக்டர்களுக்கு இடைப்பட்ட கோணம் காண்க.

பகுதி - IV

அனைத்து வினாக்கட்கும் விடையளிக்கவும்:

3×5=15

23) $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ -6 & 8 & 3 \\ -4 & 6 & 5 \end{pmatrix}$ என்ற அணியினை சமச்சீர் மற்றும் எதிர் சமச்சீர் அணிகளின்

கூடுதலாகக் காட்டு.

(அல்லது)

$\begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix} = abc \left(1 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right)$ என நிரூபி.

24) $\begin{vmatrix} 0 & c & b^2 \\ c & 0 & a \\ b & a & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} b^2+c^2 & ab & ac \\ ab & c^2+a^2 & bc \\ ab & bc & a^2+b^2 \end{vmatrix}$ என நிரூபி. (அல்லது)

A மற்றும் B என்ற இரண்டு புள்ளிகளின் நிலைவெக்டர்கள் $2\vec{a} + 4\vec{b}$ மற்றும் $2\vec{a} - 8\vec{b}$ என்க. அவற்றை இணைக்கும் கோட்டுத்துண்டினை உட்புறமாக மற்றும் வெளிப்புறமாக 1:2 என்ற விகிதத்தில் பிரிக்கும் புள்ளிகளின் நிலைவெக்டர்களைக் காண்க.

25) \vec{a} , \vec{b} மற்றும் \vec{c} என்ற மூன்று வெக்டர்களுக்கு $|\vec{a}| = 2$, $|\vec{b}| = 3$, $|\vec{c}| = 4$ மற்றும்

$\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ எனில் $4\vec{a} \cdot \vec{b} + 3\vec{b} \cdot \vec{c} + 3\vec{c} \cdot \vec{a}$ ன் மதிப்பு காண்க. (அல்லது)

A(2, 0, 0), B(0, 2, 0) மற்றும் C(0, 0, 2) என்ற புள்ளிகளை உச்சிகளாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பு காண்க.